SE DUE SCIMMIE MANGIANO DUE BANANE IN DUE ORE...



Questo ci dà il numero di banane che una scimmia mangia nell'unità di tempo. Una volta stabilito questo numero in base ai dati del problema, esso è ovviamente una costante, qualunque sia il numero di banane, di scimmie e di ore.

(Questa è all'incirca la mia risposta alla domanda, comparsa su Quora: "Un gatto e mezzo in un minuto e mezzo mangiano un topo e mezzo. Quanti gatti servono per mangiare 60 topi in 30 minuti?)

E' facile perder la testa con questi problemi, che si presentano frequentemente nei test a cui ci si sottopone o per divertimento o per necessità. Essi appartengono alla categoria del classico:

"Due scimmie mangiano due banane in due ore. Quante...." a cui segue la domanda: trovare le banane o le scimmie o unità di tempo (qui ore), date le altre due quantità. In altre parole, da queste premesse discendono tre tipi di problemi, a seconda dell'incognita.

Tutti però si possono risolvere alla stessa maniera *in meno di un minuto* se non si perde la testa e si segue un preciso programma.

Anzitutto va calcolato il *numero magico (M)*, quante banane mangia una scimmia in una unità di tempo, che nel problema delle scimmie, deduciamo dalla domanda, è un'ora. Questo è facile, perché due scimmie mangiano due banane, quindi si divide il numero di banane mangiate per il numero di scimmie, e si trova 2/2 =1, cioè le scimmie hanno mangiato una banana ciascuna. Però l'hanno mangiata in due ore, quindi si divide ancora per due, e si trova 1/2. **Quindi una scimmia mangia in un'ora mezza banana, M=1/2.**

Dunque con la formuletta $\mathbf{M} = \mathbf{B}/(\mathbf{S} \times \mathbf{H})$, dove B sono le banane, S le scimmie, H le ore, abbiamo trovato che 1/2 è il nostro numero magico \mathbf{M} . Più in generale, B è il prodotto, S sono i lavoratori, H è il numero di unità di tempo richieste per compiere il lavoro. Se chi fa la domanda è malvagio, può usare per esempio **ore** nella definizione del problema e poi chiedere una soluzione in **giorni**. Bene, prima o poi bisognerà convertire i giorni in ore o viceversa (non importa quando, purché lo si faccia) . Ma questa complicazione è molto rara, e serve solo a vedere se chi fa il test è attento.

Ora però viene il bello: per una data tribù di scimmie, *il numero magico M* = *banane/(scimmie x ore) deve essere costante*, perché il risultato è sempre quante banane mangia una scimmia in un'ora. Per esempio, cinque scimmie della stessa tribù mangiano venticinque banane in dieci ore:

$$25 B/(5 S \times 10 H) = 1/2.$$

Sul fatto che il numero magico rappresenta il numero di banane mangiato da una scimmia in un'ora si possono costruire eleganti deduzioni logiche della soluzione del problema. In genere, a meno che non si abbia la dote di pensare molto in fretta, questi ragionamenti richiedono (non molto) più di un minuto.

Ma la soluzione algebrica è immediata, ricordando che:M = B/(SxH) in cui ora conosciamo M, ma B, o S, o H possono essere incognite.

Conoscendo il numero chiave, si può quindi rispondere alla domanda, che, come si è detto, ricade in uno di tre tipi: o si chiede B, il numero di banane (mangiate da S scimmie in H ore); o il numero S, di scimmie (che mangiano B banane in H ore); o il numero H di

ore (che occorrono a S scimmie per mangiare B banane). Ogni problema, come si vedrà, può essere risolto seguendo uno di due ragionamenti logici, oppure con un calcolo algebrico.

I. Tipo: quante banane mangiano cinque scimmie in dieci ore?

Primo ragionamento: una scimmia mangia mezza banana all'ora, cinque scimmie mangiano 2.5 banane all'ora, 25 banane in dieci ore.

Secondo ragionamento: una scimmia mangia mezza banana in un'ora, quindi mangia 5 banane in dieci ore. Cinque scimmie mangeranno 25 banane in dieci ore.

Calcolo algebrico: numero magico = 1/2 Banane/ $(5 \times 10) = \frac{1}{2}$. Banane = 50/2 = 25

II. Tipo: Quante scimmie occorrono per mangiare dieci banane in dieci ore?

Primo ragionamento: una scimmia mangia mezza banana all'ora, quindi una scimmia mangia cinque banane in dieci ore. Quindi ci vorranno il doppio di scimmie per mangiare dieci banane in dieci ore. Totale 2 scimmie.

Secondo ragionamento: una scimmia mangia mezza banana all'ora, quindi mangia dieci banane in venti ore. Il doppio di scimmie mangia dieci banane in metà del tempo, dieci ore. Totale, 2 scimmie.

Calcolo algebrico: numero magico = $\frac{1}{2}$ 10/(Scimmie x 10)= $\frac{1}{2}$. Scimmie = 2

III. Tipo: Quante ore occorrono a sei scimmie per mangiare sei banane?

Primo ragionamento: una scimmia mangia mezza banana all'ora, e le occorrono dodici ore per mangiare sei banane. A sei scimmie occorerà un sesto del tempo. Risposta: due ore. Secondo ragionamento: sei scimmie mangiano tre banane in un'ora (mezza banana ciascuna), quindi ne mangiano sei in due ore. Risposta: due ore.

Calcolo algebrico: numero magico = $\frac{1}{2}$ 6/(6 x Ore)= $\frac{1}{2}$. Ore =2

Torniamo a noi: nel problema in titolo si parla di gatti invece che scimmie, topi invece che banane, minuti invece di ore. Dalle condizioni del problema risulta che M = 1.5/(1.5*1.5) = 1/1.5 = 2/3. Sostituiamo i valori noti nella formula per il numero magico, e abbiamo l'equazione:

60/(Gatti * 30) = 2/3, quindi 2/Gatti = 2/3, da cui Gatti = 3.

Si noti che tutti questi problemi hanno sempre una risposta, magari non intera.

Noto da ultimo che il metodo algebrico, magari disponendo di una piccola calcolatrice , può rivelarsi più diretto quando i numeri sono grandi, soprattutto per calcolare il numero magico M. È raro che il problema si presenti in questi termini, ma se la domanda è: "Se 81 scimmie mangiano 243 banane in 15 ore, il rapporto 243/(81 x 15) è "subito" calcolato e vale 1/5. Eccetera.